

Maulana Azad National Urdu University

M.Sc : Mathematics IV Semester Examination - May - 2018

Paper : MSMM401CCT : Wavelet Analysis and Applications

Total Marks : 70

Time : 3 hours

ہدایات:

یہ پرچم سوالات تین حصوں پر مشتمل ہے: حصہ اول، حصہ دوم، حصہ سوم۔ ہر جواب کے لئے لفظوں کی تعداد اشارہ ہے۔ تمام حصوں سے سوالوں کا جواب دینا لازمی ہے۔

1. حصہ اول میں 10 لازمی سوالات ہیں جو کہ معروضی سوالات/ خالی جگہ پر کرنا/ مختصر جواب والے سوالات ہیں۔ ہر سوال کا جواب لازمی ہے۔ ہر سوال کے لیے 1 نمبر مختص ہے۔
 $(10 \times 1 = 10 \text{ Marks})$

2. حصہ دوم میں آٹھ سوالات ہیں۔ اس میں سے طالب علم کو کوئی پانچ سوالوں کے جواب دینے ہیں۔ ہر سوال کا جواب تقریباً دو سو (200) لفظوں پر مشتمل ہے۔ ہر سوال کے لیے 6 نمبرات مختص ہیں۔
 $(5 \times 6 = 30 \text{ Marks})$

3. حصہ سوم میں پانچ سوالات ہیں۔ اس میں سے طالب علم کو کوئی تین سوالوں کے جواب دینے ہیں۔ ہر سوال کا جواب تقریباً پانچ سو (500) لفظوں پر مشتمل ہے۔ ہر سوال کے لیے 10 نمبرات مختص ہیں۔
 $(3 \times 10 = 30 \text{ Marks})$

حصہ اول

سوال: 1

فکشن کی تعریف Window (i)

$\dots\dots\dots\dots\dots = \psi_{a,b}(t)$ (ii)

$\dots\dots\dots\dots\dots = W_\psi f(a, b)$ (iii)

formula کا Fourier series (iv)

$\dots\dots\dots\dots\dots = \int_{-\infty}^{+\infty} \cos nx \cos mx dx$ (v)

فکشن کی تعریف Smooth (vi)

formula کا Fourier inverswe transform (vii)

فکشن کا فارمولہ لکھو۔ Characteristics (viii)

لکھو۔ Density property MRA (ix)

لکھو۔ formula کا فارمولہ Haar function (x)

حصہ دوم

fourier series کی 'f' نے ثابت کروکہ $f(x) = x^2$, $x \in [-\pi, \pi]$ ۔ 2

$$\text{حوالہ } \frac{\pi^2}{3} + 4 \sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^n}{n^2} \cos nx$$

کرو کر و derive فارم کو complex Fourier series ۔ 3

$$\text{حوالہ معلوم کرو} \quad \text{fourier transform کی} \quad T_a(t) = \begin{cases} 1 + \frac{t}{a}, & -a \leq t < 0 \\ 1 - \frac{t}{a}, & 0 \leq t < a \\ |t| > 0 \end{cases} \quad \text{۔ 4}$$

فرض کرو کہ $f, g \in L^1(R)$ اور α, β complex constant ہیں تو ثابت کرو کہ

$$F(f(t-a)) = e^{-iaw} \hat{f}(\omega) = M_{-a} \hat{f}(\omega) \quad (\text{ا})$$

$$\int_{-\infty}^{\infty} \hat{f}(t)g(t)dt = \int_{-\infty}^{\infty} f(t)\hat{g}(t)dt \quad (\text{ب})$$

گر ψ اور φ wavelets کی نکشن یہیں اور $f, g \in L^2(R)$ میں ہوں تو ثابت کرو کہ

$$\text{حوالہ } (D_c f)(t) = \frac{1}{c} f\left(\frac{t}{c}\right), c > 0 \quad \text{جہاں پر } W_{\psi}(D_c f)(a, b) = \frac{1}{\sqrt{c}} W_{\psi} f\left(\frac{a}{c}, \frac{b}{c}\right), c > 0 \quad (\text{ا})$$

$$(W_{\alpha\psi+\beta\varphi} f)(a, b) = \overline{\alpha} (W_{\psi} f)(a, b) + \overline{\beta} (W_{\varphi} f)(a, b) \quad (\text{ب})$$

$$\text{حوالہ } f(x) = \frac{1}{2\pi \|g\|_2^2} \int_{-\infty}^{\infty} \int_{-\infty}^{\infty} \tilde{f}_g(t, \omega) \bar{g}(x-t) e^{i\omega x} d\omega dt \quad \text{کرو تب ثابت کرو کہ } f \in L^2(R) \quad \text{۔ 7}$$

$$\text{حوالہ } \hat{\phi}(\omega) = \prod_{k=1}^{\infty} m_0\left(\frac{\omega}{2^k}\right) \quad \text{کرو کہ} \quad \text{نکشن ہے تو} \quad \text{ثابت scaling کی MRA} \quad \text{فرض کرو کہ} \quad \varphi \quad \text{۔ 8}$$

کرو explain کی construction کی haar wavelet ۔ 9

حصہ سوم

$$\text{لیے } S_n(x) = \frac{1}{\pi} \int_{-\pi}^{\pi} f(x+u) \frac{\sin\left(n + \frac{1}{2}\right)u}{a \sin\left(\frac{u}{2}\right)} du \quad \text{ثابت کرو} \quad -10$$

لیے $f(x) = e^x$ کرو۔ half range sine series معلوم کرو۔ - 11

$$F[(f * g)] = \hat{f}(\omega)\hat{g}(\omega) \quad \text{کہ } f, g \in L^1(R) \quad \text{اگر} \quad -12$$

اگر ψ ایک wavelet bounded integrable function ہو تو ثابت کرو کہ convolution فنکشن ہو گا۔ - 13

$\psi^* \varphi$ بھی ایک wavelet فنکشن ہو گا۔

میں اپنی کیفیتیں پر بحث کریں۔ ECG signal کی wavelets - 14

