

**Maulana Azad National Urdu University**  
**M.Sc. (Maths) I Semester Examination - December - 2018**  
**Paper : Ordinary Differential Equations (MSMM103CCT)**

**Marks : 70**

**Time : 3 hrs**

**ہدایات :**

یہ پرچہ سوالات تین حصوں پر مشتمل ہے : حصہ اول، حصہ دوم، حصہ سوم۔ ہر جواب کے لئے لفظوں کی تعداد اشارہ ہے۔ تمام حصوں سے سوالوں کا جواب دینا اذیت ہے۔

1. حصہ اول میں 10 لازمی سوالات ہیں جو کہ معروضی سوالات / خالی جگہ پر کرنا / منحصر جواب والے سوالات ہیں۔ ہر سوال کا جواب لازمی ہے۔ ہر سوال کے لیے 1 نمبر مختص ہے۔ (10 Marks = 10 x 1)

2. حصہ دوم میں آٹھ سوالات ہیں۔ اس میں سے طالب علم کو کوئی پانچ سوالوں کے جواب دینے ہیں۔ ہر سوال کا جواب تقریباً 200 لفظوں پر مشتمل ہے۔ ہر سوال کے لیے نمبرات مختص ہیں۔ (30 Marks = 5 x 6)

3. حصہ سوم میں پانچ سوالات ہیں۔ اس میں سے طالب علم کو کوئی تین سوالوں کے جواب دینے ہیں۔ ہر سوال کا جواب تقریباً پانچ سو (500) لفظوں پر مشتمل ہے۔ ہر سوال کے لیے 10 نمبرات مختص ہیں۔ (30 Marks = 3 x 10)

**صہ اول**

(i) تفریقی مساوات  $(D^2 + a^2)y = 0$  کا حل (Differential Equation) (1)

(ii) تفریقی مساوات  $(D^3 - D)y = 2 \cosh x$  (Differential Equation)

..... میں ہے۔

..... اگر  $Mdx + Ndy = 0$  (Differential Equation) (iii) تفریقی مساوات ہوتی ہے۔

$$(a) \frac{\partial M}{\partial x} = \frac{\partial N}{\partial y} (b) \frac{\partial M}{\partial y} = \frac{\partial N}{\partial x} (c) \frac{\partial M}{\partial x} + \frac{\partial N}{\partial y} = 0 (d) \text{None}$$

..... لفظی ہوتے ہیں۔ (iv) مساوات  $(x^2 - 1)y'' + xy' - y = 0$

- (a)  $x=0$  ordinary point (b)  $x = 1$  regular singular point (c)  $x = 0, 1$  singular point (d) both (a) and (b)

$$\text{..... کی قدر } = \frac{d}{dx} [x^n J_n(x)] (v)$$

$$(a) x^{-n} J_{n-1}(x) (b) -x^{-n} J_{n+1}(x) (c) \frac{2x}{n} J_n(x) (d) \text{none}$$

..... کی قدر  $P_n'(1)$  (vi) ہوتی ہیں۔

$$(a) \frac{(n+1)}{2} (b) 1 (c) -1 (d) \frac{n(n+1)}{2}$$

..... کو بیان کرو۔ (vii) Lipschitz condition

..... تفریقی مساوات  $y_1' = y_1, y_2' = y_1 + y_2$  کا حل (viii)

..... Eigen values کے سارے کے Strum Liouville problem (ix) ہوتے ہیں۔

none(d) real(c) unequal(b)Imaginary (a)  
----- کے properties کے Green's function (x)  
حصہ دوم

2. تفریقی مساوات  $(D^2 + 1)y = x^2 \sin 2x$  (Differential Equation)  
 $L[y] = a_0(x)y'' + a_1(x)y' + a_2(x)y = 0$  (Differential Equation) اگر  $y_1(x), y_2(x)$  3.  
کے دو حل بین تو ثابت کرو  $L[y] = 0$  کا حل ہوگا۔

4. ثابت کرو  $-J_{\frac{1}{2}}[x] = \sqrt{\frac{2}{\pi x}} \sin x$

5. ثابت کرو  $-H_n[x] = (-1)^n e^{x^2} \frac{d^n}{dx^n} e^{-x^2}$

6. ثابت کرو  $\text{Lipschitz condition} \nless R : |x| \leq 2, |y| \leq 2, f(x, y) = x^3 |y|$

اوہ Lipschitz constant معلوم کرو۔ اور نہیں ہوتا Exists پر  $(x, 0) \frac{\partial f}{\partial y}$

7. دی گئی مساوات  $y(0) = 0, \frac{dy}{dx} = e^x + y^2$  کا حل معلوم کرو۔ Successive approximation تینیں کے میں معلوم کرو۔

8. دی گئی Green's function کے  $y'' = 0, y(0) = y(l) = 0$ , Boundary value problem معلوم کرو۔

9. ثابت کرو کے دی گئی مساوات  $x \in (a, b), a_0(x)y'' + a_1(x)y' + a_2(x)y = 0; a_0(x) \neq 0$

جس کے Wronskian کو never zero or identical zero معلوم کرو۔

حصہ سوم

10. ثابت کرو  $\sum_{n=-\infty}^{\infty} z^n P_n(x)$  Generating function کے Bessel's

11. تفریقی مساوات (series sol.) (differential Equation) lagrange's معلوم کرو۔

12. دی گئی green's functions کے  $y(0) = y\left(\frac{\pi}{2}\right) = 0, y'' + y = x$  boundary value problem معلوم کرو۔

13. دی گئی boundary conditions کے  $y'' + \lambda y = 0$  Strum-Liouville problem میں کے  $y(1) + y'(1) = 0$

Eigen vectors اور Eigen values کے  $y(1) + y'(1) = 0$  معلوم کرو۔

14. ثابت کرو کے سارے تینیں (real) Eigen values کے Strum-Liouville problem میں۔