

Maulana Azad National Urdu University
B.Sc. (MPC/MPCs) V Semester Examination - December - 2019

BSMM501DST : Multivariate Calculus (DSE)

Time : 3 hrs

Marks : 70

ہدایات:

یہ پرچہ سوالات تین حصوں پر مشتمل ہے: حصہ اول، حصہ دوم، حصہ سوم۔ ہر جواب کے لیے لفظوں کی تعداد اشارہ ہے۔ تمام حصوں سے سوالوں کا جواب دینا لازمی ہے۔

1. حصہ اول میں 10 لازمی سوالات ہیں جو کہ معروضی سوالات/خالی جگہ پر کرنا/مختصر جواب والے سوالات ہیں۔ ہر سوال کا جواب لازمی ہے۔ ہر سوال کے لیے 1 نمبر مختص ہے۔
(10 x 1 = 10 Marks)

2. حصہ دوم میں 8 سوالات ہیں، اس میں سے طالب علم کو کوئی 05 سوالوں کے جواب دینے ہیں۔ ہر سوال کا جواب تقریباً دو سو (200) لفظوں پر مشتمل ہے۔ ہر سوال کے لیے 06 نمبرات مختص ہیں۔
(5 x 6 = 30 Marks)

3. حصہ سوم میں 5 سوالات ہیں۔ اس میں سے طالب علم کو کوئی 03 سوالوں کے جواب دینے ہیں۔ ہر سوال کا جواب تقریباً پانچ سو (500) لفظوں پر مشتمل ہے۔ ہر سوال کے لیے 10 نمبرات مختص ہیں۔
(3 x 10 = 30 Marks)

حصہ - اول

سوال نمبر 1

- (i) دو Variable میں فنکشن کی Continuity کی تعریف کرو۔
- (ii) دو Variable میں فنکشن کی پہلی Partial ڈیریویٹی کی تعریف کرو۔
- (iii) فرض کرو کہ $W=f(x,y)$ ایک ایسا فنکشن ہے جہاں x اور y ایک ہی t variable کے فنکشن ہیں۔
کے چین رول (Chain Rule) کا فارمولہ لکھو۔
 $\frac{dw}{dt}$
- (iv) دو Variable کے فنکشن کے Gradient کی تعریف کرو۔
- (v) اگر $d > 0$ اور $f_{xx}(a,b) > 0$ ہو تب $f(a,b)$ ہوگا۔
- (vi) ہے۔
 $\int_0^1 \int_0^2 (x+y) dy dx$
- (vii) Double Region میں Solid کے Volume کا فارمولہ لکھیے۔
- (viii) C-Plane میں اسموٹھ (Smooth) کرو (Curve) کے ساتھ لائن (Line) اینٹگرل کے فنکشن کا فارمولہ لکھو۔
- (ix) Triple اینٹگرل کی تعریف کرو۔
- (x) Green's تھیورم کا Statement لکھیے۔

حصہ - دوم

2- $\varepsilon - \delta$ کا استعمال کرتے ہوئے $\lim_{(x,y) \rightarrow (0,0)} \frac{5x^2y}{x^2+y^2}$ کی قیمت معلوم کرو۔

3- پارشل مشتق (Partial Derivative) کی لیٹ ڈیفینیشن (Limit Definition) کا استعمال کرتے ہوئے $f(x, y) = \sqrt{x+y}$ کے لیے $f_y(x, y)$ معلوم کرو۔

4- $w=2xy$ کے لیے $\frac{\partial w}{\partial s}$ اور $\frac{\partial w}{\partial t}$ معلوم کرو جہاں $x=s^2+t^2$ اور $y=s/t$ ہے۔

5- $z = 1 - \frac{1}{10}(x^2 + 4y^2)$ Paraboloid پر Tangent Plane کی اکویشن پائینٹ $(1, 1, 1/2)$ پر معلوم کرو۔

6- اس خطہ (Region) کا رقبہ (Area) معلوم کرو جو بیرونی پارابولا $y=4x-x^2$ (Parabola) کے نیچے اور x -axis کے اوپر اور لائن $y=-3x+6$ (line) کے اوپر بنتا ہے۔

7- پولر Coordinates کا استعمال کرتے ہوئے ایک ٹھوس (Solid) خطہ (Region) کا وولیم (Volume) معلوم کرو جو اوپر سے $z = \sqrt{16-x^2-y^2}$ Hemisphere اور نیچے سے Circular خطہ (Region) $x^2 + y^2 \leq 4$ سے پابند (Bounded) ہے

8- Green's تھیورم کا استعمال کرتے ہوئے لائن انٹیگرل (Line Integral) $\int y^3 dx + (x^3 + 3xy^2) dy$ کو Evaluate کرو جہاں 'C' $(0,0)$ سے $(1,1)$ تک ایک پاتھ ہے اور $y = x^3$ اس کے ساتھ ایک Graph ہے اور $(1,1)$ سے $(0,0)$ تک $y=x$ کے Graph کے ساتھ ایک اور پاتھ ہے۔

9- سرفیس انٹیگرل (Surface Integral) $\iint_S (y^2 + 2yz) ds$ کو Evaluate کرو جہاں S پلیین (Plane) $2x+y+2z=6$ کا پہلا octain پورشن (Portion) ہے۔

حصہ - سوم

10- دیے ہوئے فنکشن $f(x, y, z) = ye^x + x \log z$ کے لیے بتلاؤ کہ $f_{xz} = f_{zx}$ اور $f_{xzz} = f_{zxx}$ ہوگا۔

11- فنکشن $f(x, y) = -x^3 + 4xy - 2y^2 + 1$ کے لیے Relative Extrema معلوم کرو۔

12- فنکشن $f(x, y) = 4xy$ جہاں $x > 0$ اور $y > 0$ کے لیے Maximum و پلیو (Value) معلوم کرو جو رکاوٹوں کے تابع

$$\frac{x^2}{9} + \frac{y^2}{16} = 1 \text{ (Subject to the constraints)}$$

13- دیے ہوئے Ellipsoid $4x^2 + 4y^2 + z^2 = 16$ کا Volume معلوم کرو۔

14- فرض کرو کہ Paraboloid $z = 4 - x^2 - y^2$ اور xy -plane کے بیچ میں سالڈ خطہ (Solid Region) ہے۔

Divergence تھیورم کی جانچ (Verify) کیجیے۔ $f(x, y, z) = 2zi + xj + y^2k$ کے لیے

☆☆☆