

Maulana Aazad National Urdu University

Semester-II

Programme- B.Tech

July-2023

Subject: Engineering Mathematics-II

Code: BTCS201BST

Time: 3Hour

Maximum Marks: 70

Note: This question paper consists of three parts: Part-A, Part-B and Part-C.

Part-A contains 10 compulsory questions, of very short answer type questions. Answer all questions. Each question carries 01 mark. (10x1=10 marks)

Part-B contains 08 questions, of which students are supposed to answer 05 questions. Each question carries 06 marks. (5x6=30 marks)

Part-C contains 05 questions, of which students are supposed to answer 03 questions. Each question carries 10 marks. (10x03=30 marks)

Taxonomy level	CO Mapping	Marks	Questions	S.No.
Part A				
				(1.
BTL-1	CO1	1	moment generating function کی $E(X)$ and $E(X^2)$ کی form میں لکھیں ؟	(i)
BTL-2	CO2	1	function کی c کی value کے لیے function ایک p.d.f ہے $f(x) = \begin{cases} \frac{c}{\sqrt{x}} & , 0 < x < 4 \\ 0, & \text{otherwise} \end{cases}$	(ii)
BTL-1	CO2	1	correlation کی کتنی types ہیں examples کے ساتھ لکھیں ؟	(iii)
BTL-2	CO2	1	$E(X)$ تلاش کریں then ,Let $X \sim \text{Gamma}(a, \lambda)$ where $a, \lambda > 0$ .	(iv)
BTL-2	CO3	1	Normal distribution کے لیے median and mode, mean کے (between) درمیان کیا (relation) تعلق ہے ؟	(v)
BTL-1	CO1	1	Skewness and kurtosis کو define کریں ؟	(vi)
BTL-2	CO1	1	The normal-equation for fitting of straight line $y = a + mx$ ? پھر $\Sigma y = \dots$ کو define کریں۔	(vii)

BTL-1	CO1	1	State central limit theorem?	(viii)																				
BTL-3	CO4	1	Exponential distribution کے لیے mean کو Evaluate کریں جو اس طرح $f(x) = \begin{cases} \lambda e^{-\lambda x} \\ 0, \text{ otherwise} \end{cases}, 0 < x < \infty$ دیا ہے؟	(ix)																				
BTL-1	CO3	1	properties کے ساتھ F-distribution کو define کریں؟	(x)																				
<b>Part B</b>																								
BTL-2	CO2	6	چھ فرد (dice 6)، 729 بار پھینکے جاتے ہیں۔ آپ کتنی بار توقع کرتے ہیں کہ کم از کم (at least) تین (3) فرد (dice) پانچ (5) یا (6) پھینکائیں۔	(2.)																				
BTL-3	CO3	6	تین کارڈ کھلاڑی میچوں کی سیریز کھیلتے ہیں۔ the probability کہ کھلاڑی 'A' کوئی بھی گیم 20% جیتے گا، کھلاڑی 'B' کوئی بھی گیم 30% جیتے گا and کھلاڑی 'C' کوئی بھی گیم 50% جیتے گا۔ اگر وہ 5 گیمز (game) کھیلتے ہیں، تو اس بات کی probability کیا ہے کہ کھلاڑی 'A' will win 1 game games, 'B' will win 2 game, and 'C' will win 2 game?	(3.)																				
BTL-3	CO4	6	کسی normal variate کا mean and S.D. 4 and 8 ہیں تو پھر، تلاش کریں (i) $P(5 \leq x \leq 10)$ (ii) $P(x \geq 5)$ Given that $P(-.75 \leq z \leq 0) = 0.2734$ , $P(0 \leq z \leq 0.5) = 0.1916$ and $P(0 \leq z \leq 0.75) = 0.2734$ .	(4.)																				
BTL-4	CO2	6	joint probability density function, X and Y اس طرح کہ ہیں۔ $f(x, y) = \begin{cases} \frac{3}{4} + xy, & 0 < x < 1, 0 < y < 1 \\ 0, & \text{otherwise} \end{cases}$ (i) $f(Y/X)$ (ii) $P(Y > \frac{1}{2} / X = 1/3)$ تلاش کریں, then	(5.)																				
BTL-4	CO2	6	دینے گئے data کے لیے Regression تلاش (evaluate) کریں <table border="1" style="margin: 10px auto;"><tr><td>x</td><td>1</td><td>2</td><td>3</td><td>4</td><td>5</td><td>6</td><td>7</td><td>8</td><td>9</td></tr><tr><td>y</td><td>9</td><td>6</td><td>10</td><td>12</td><td>11</td><td>13</td><td>14</td><td>16</td><td>15</td></tr></table> (ii) x on y and (i) y on x Via,	x	1	2	3	4	5	6	7	8	9	y	9	6	10	12	11	13	14	16	15	(6.)
x	1	2	3	4	5	6	7	8	9															
y	9	6	10	12	11	13	14	16	15															

BTL-4	CO3	6	<p>Fit کے لیے data کو دیئے گئے <math>y = ax + b</math>, straight line کریں (7.)</p> <table border="1"> <tr> <td>x</td> <td>1</td> <td>2</td> <td>3</td> <td>4</td> <td>6</td> <td>8</td> </tr> <tr> <td>y</td> <td>2.4</td> <td>3</td> <td>3.6</td> <td>4</td> <td>5</td> <td>6</td> </tr> </table>	x	1	2	3	4	6	8	y	2.4	3	3.6	4	5	6
x	1	2	3	4	6	8											
y	2.4	3	3.6	4	5	6											
BTL-3	CO3	6	<p>یک کے کو 400 بار اچھالا گیا and 216 بار coin کا .test the hypothesis unbiased ہے. 5% LOS (<math>Z_{0.05} = 1.96</math>) (8.)</p>														
BTL-6	CO4	6	<p>27 مشاہدات (observations) کے جوڑوں (pairs) کا random sample correlation coefficients کا 0.92 a normal population from ہے۔ ? Is it likely that variables in populations are uncorrelated (Test at 5% LOS and <math>t_{0.05} = 1.708</math>) کا استعمال (using) کرتے ہوئے؟ (9.)</p>														

### Part C

BTL-3	CO2	10	<p>discrete random variable کا ایک probability distribution <math>X</math> ہے۔ (10.)</p> <table border="1"> <tr> <td><math>X</math></td> <td>0</td> <td>1</td> <td>2</td> <td>3</td> <td>4</td> <td>5</td> <td>6</td> <td>7</td> <td>8</td> </tr> <tr> <td><math>P(X=x)</math></td> <td><math>k</math></td> <td><math>3k</math></td> <td><math>5k</math></td> <td><math>7k</math></td> <td><math>9k</math></td> <td><math>11k</math></td> <td><math>13k</math></td> <td><math>15k</math></td> <td><math>17k</math></td> </tr> </table> <p>پھر، تلاش کریں</p> <p>(b) variance                      (b) mean                      (a) the value of <math>k</math></p>	$X$	0	1	2	3	4	5	6	7	8	$P(X=x)$	$k$	$3k$	$5k$	$7k$	$9k$	$11k$	$13k$	$15k$	$17k$
$X$	0	1	2	3	4	5	6	7	8														
$P(X=x)$	$k$	$3k$	$5k$	$7k$	$9k$	$11k$	$13k$	$15k$	$17k$														
BTL-5	CO2	10	<p>continuous random variable کا ایک probability density function, <math>X</math> جس کا (11.)  <math>f(x) = 3x^2</math>; <math>0 \leq x \leq 1</math> probability density function (p.d.f) ہے۔          then, دی گئی, <math>P(X \leq a) = P(X &gt; a)</math> and <math>P(X &gt; b) = 0.05</math> میں          تلاش کریں <math>a</math> and <math>b</math>.</p>																				
BTL-3	CO4	10	<p>دیئے گئے data کے لیے پہلے چار 'moment' find کریں۔ <math>\beta_1</math> and <math>\beta_2</math> بھی find کریں۔ (12.)</p> <table border="1"> <tr> <td>x</td> <td>1</td> <td>2</td> <td>3</td> <td>4</td> <td>5</td> <td>6</td> <td>7</td> <td>8</td> <td>9</td> </tr> <tr> <td>y</td> <td>1</td> <td>6</td> <td>13</td> <td>25</td> <td>30</td> <td>22</td> <td>9</td> <td>5</td> <td>2</td> </tr> </table>	x	1	2	3	4	5	6	7	8	9	y	1	6	13	25	30	22	9	5	2
x	1	2	3	4	5	6	7	8	9														
y	1	6	13	25	30	22	9	5	2														
BTL-4	CO3	10	<p>Fit کے لیے data کو دیئے گئے <math>y = a + bx + cx^2</math>, Parabola کریں۔ (13.)</p> <table border="1"> <tr> <td>x</td> <td>1</td> <td>3</td> <td>4</td> <td>6</td> <td>8</td> <td>9</td> <td>11</td> <td>14</td> </tr> <tr> <td>y</td> <td>1</td> <td>2</td> <td>4</td> <td>4</td> <td>5</td> <td>7</td> <td>8</td> <td>9</td> </tr> </table>	x	1	3	4	6	8	9	11	14	y	1	2	4	4	5	7	8	9		
x	1	3	4	6	8	9	11	14															
y	1	2	4	4	5	7	8	9															

BTL-6	CO4	10	<p>(14.) 4 سے 100 بار پھینکے گئے اور following نتائج (results) حاصل ہوئے۔</p> <table border="1"> <tr> <td>No. of heads</td> <td>0</td> <td>1</td> <td>2</td> <td>3</td> <td>4</td> </tr> <tr> <td>frequency</td> <td>5</td> <td>29</td> <td>36</td> <td>25</td> <td>5</td> </tr> </table> <p>Fit a binomial distribution for the data and test the goodness of fit? کرتے ہوئے</p> <p>(using) <math>\chi^2_{0.05} = 9.49</math> for 4 degree of freedom). کا استعمال</p>	No. of heads	0	1	2	3	4	frequency	5	29	36	25	5
No. of heads	0	1	2	3	4										
frequency	5	29	36	25	5										